Programmation Cycle 3 : **Mathématiques**

**Programmes de 2016**

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Objectifs** | **Année 1 - CM1** | **Année 2 - CM2** | **Année 3 - Sixième** |
| **NOMBRES ET CALCULS** |
| **Utiliser et représenter les grands nombres entiers,****des fractions simples, les nombres décimaux** | **Les nombres entiers**● Composer, décomposer les grands nombres entiers, en utilisant des regroupements par milliers.- Unités de numération (unités simples, dizaines, centaines, milliers, millions) et leurs relations.● Comprendre et appliquer les règles de la numération aux grands nombres (jusqu’à 1 000 000).● Comparer, ranger, encadrer des grands nombres entiers, les repérer et les placer sur une demi-droite graduée adaptée.● Valeurs des chiffres en fonction de leur rang dans l’écriture d’un nombre entier. | **Les nombres entiers**● Composer, décomposer les grands nombres entiers, en utilisant des regroupements par milliers.- Unités de numération (unités simples, dizaines, centaines, milliers, millions, milliards) et leurs relations.● Valeurs des chiffres en fonction de leur rang dans l’écriture d’un nombre entier. | **Les nombres entiers**● Comprendre et appliquer les règles de la numération aux grands nombres (jusqu’à 12 chiffres).● Comparer, ranger, encadrer des grands nombres entiers, les repérer et les placer sur une demi-droite graduée adaptée.● Valeurs des chiffres en fonction de leur rang dans l’écriture d’un nombre entier. |
| **Fractions simples**● Comprendre et utiliser la notion de fractions simples.● Écritures fractionnaires.● Diverses désignations des fractions (orales, écrites et décompositions).● Repérer et placer des fractions sur une demi-droite graduée adaptée.● Une première extension de la relation d’ordre.● Repérer si une fraction est inférieure ou supérieure à 1.● Établir des égalités entre des fractions simples. | **Fractions simples**● Comprendre et utiliser la notion de fractions simples.● Écritures fractionnaires.● Diverses désignations des fractions (orales, écrites et décompositions).● Repérer et placer des fractions sur une demi-droite graduée adaptée.● Une première extension de la relation d’ordre.● Encadrer une fraction par deux nombres entiers consécutifs.● Établir des égalités entre des fractions simples. | **Fractions simples**● Comprendre et utiliser la notion de fractions simples.● Écritures fractionnaires.● Diverses désignations des fractions (orales, écrites et décompositions).● Repérer et placer des fractions sur une demi-droite graduée adaptée.● Une première extension de la relation d’ordre.● Encadrer une fraction par deux nombres entiers consécutifs.● Établir des égalités entre des fractions simples. |
| **Utiliser et représenter les grands nombres entiers,****des fractions simples, les nombres décimaux** | **Nombres décimaux (jusqu’aux centièmes)**● Comprendre et utiliser la notion de nombre décimal.● Spécificités des nombres décimaux.● Associer diverses désignations d’un nombre décimal (fractions décimales, écritures à virgule et décompositions).● Règles et fonctionnement des systèmes de numération dans le champ des nombres décimaux,relations entre unités de numération (point de vuedécimal), valeurs des chiffres en fonction de leur rang dans l’écriture à virgule d’un nombre décimal (point de vue positionnel).● Repérer et placer des décimaux sur une demi-droite graduée adaptée.● Comparer, ranger, encadrer, intercaler des nombres décimaux.● Ordre sur les nombres décimaux. | **Nombres décimaux (jusqu’aux millièmes)**● Comprendre et utiliser la notion de nombre décimal.● Spécificités des nombres décimaux.● Associer diverses désignations d’un nombre décimal (fractions décimales, écritures à virgule et décompositions).● Règles et fonctionnement des systèmes de numération dans le champ des nombres décimaux,relations entre unités de numération (point de vuedécimal), valeurs des chiffres en fonction de leur rang dans l’écriture à virgule d’un nombre décimal (point de vue positionnel).● Repérer et placer des décimaux sur une demi-droite graduée adaptée.● Comparer, ranger, encadrer, intercaler des nombres décimaux.● Ordre sur les nombres décimaux. | **Nombres décimaux (jusqu’aux dix-millièmes)**● Comprendre et utiliser la notion de nombre décimal.● Spécificités des nombres décimaux.● Associer diverses désignations d’un nombre décimal (fractions décimales, écritures à virgule et décompositions).● Règles et fonctionnement des systèmes de numération dans le champ des nombres décimaux,relations entre unités de numération (point de vuedécimal), valeurs des chiffres en fonction de leur rang dans l’écriture à virgule d’un nombre décimal (point de vue positionnel).● Repérer et placer des décimaux sur une demi-droite graduée adaptée.● Comparer, ranger, encadrer, intercaler des nombres décimaux.● Ordre sur les nombres décimaux. |
| **Calculer avec des nombres entiers et des nombres décimaux** | ● Mémoriser des faits numériques et des procédures élémentaires de calcul.● Élaborer ou choisir des stratégies de calcul à l’oral et à l’écrit.● Vérifier la vraisemblance d’un résultat, notamment en estimant son ordre de grandeur.● Calcul posé : mettre en œuvre un algorithme de calcul posé pour l’addition, la soustraction, la multiplication, la division :- Addition, soustraction, sur les nombres entiers et décimaux.- Multiplication sur les nombres entiers.- Division euclidienne.● Propriétés des opérations : 2+9 = 9+2; 3×5×2 = 3×10;5×12 = 5×10 + 5×2.● Faits et procédures numériques additifs et multiplicatifs.● Multiples et diviseurs des nombres d’usage courant (5, 10, 15, 20, 25, 50).● Techniques opératoires de calcul (dans le cas de la division, on se limite à diviser par un entier).● Calcul mental : calculer mentalement pour obtenir un résultat exact ou évaluer un ordre de grandeur. | ● Mémoriser des faits numériques et des procédures élémentaires de calcul.● Élaborer ou choisir des stratégies de calcul à l’oral et à l’écrit.● Vérifier la vraisemblance d’un résultat, notamment en estimant son ordre de grandeur.● Calcul posé : mettre en œuvre un algorithme decalcul posé pour l’addition, la soustraction, la multiplication, la division :- Addition, soustraction, sur les nombres entiers etdécimaux.- Multiplication d’un nombre décimal par un nombre entier.- Division de deux nombres entiers avec quotient décimal ; division d’un nombre décimal par un nombre entier.● Propriétés des opérations : 2+9 = 9+2; 3×5×2 = 3×10;5×12 = 5×10 + 5×2.● Faits et procédures numériques additifs et multiplicatifs.● Multiples et diviseurs des nombres d’usage courant.● Critères de divisibilité (2, 3, 4, 5, 9, 10)● Techniques opératoires de calcul (dans le cas de la division, on se limite à diviser par un entier).● Calcul en ligne : utiliser des parenthèses dans des situations très simples.● Calcul mental : calculer mentalement pour obtenir un résultat exact ou évaluer un ordre de grandeur. | ● Mémoriser des faits numériques et des procédures élémentaires de calcul.● Élaborer ou choisir des stratégies de calcul à l’oral et à l’écrit.● Vérifier la vraisemblance d’un résultat, notamment en estimant son ordre de grandeur.● Calcul posé : mettre en œuvre un algorithme decalcul posé pour l’addition, la soustraction, la multiplication, la division :- Addition, soustraction, sur les nombres entiers etdécimaux.- Multiplication de deux nombres décimaux.- Division de deux nombres entiers avec quotient décimal ; division d’un nombre décimal par un nombre entier.● Propriétés des opérations : 2+9 = 9+2; 3×5×2 = 3×10;5×12 = 5×10 + 5×2.● Faits et procédures numériques additifs et multiplicatifs.● Multiples et diviseurs des nombres d’usage courant.● Critères de divisibilité (2, 3, 4, 5, 9, 10)● Techniques opératoires de calcul (dans le cas de la division, on se limite à diviser par un entier).● Calcul en ligne : utiliser des parenthèses dans des situations très simples.● En lien avec la calculatrice, introduire et travailler la priorité de la multiplication sur l’addition et la soustraction ainsi que l’usage des parenthèses.● Calcul mental : calculer mentalement pour obtenir un résultat exact ou évaluer un ordre de grandeur. |
| **Résoudre des problèmes en utilisant des fractions simples, les nombres décimaux et le calcul** | **Problèmes**● Résoudre des problèmes mettant en jeu les quatre opérations, avec les nombres entiers.● Sens des opérations.● Problèmes relevant : des structures additives, desstructures multiplicatives. | **Problèmes**● Résoudre des problèmes mettant en jeu les quatre opérations, avec les nombres entiers puis progressivement avec les nombres décimaux.● Sens des opérations.● Problèmes relevant : des structures additives, desstructures multiplicatives. | **Problèmes**● Résoudre des problèmes mettant en jeu les quatre opérations, avec les nombres entiers puis progressivement avec les nombres décimaux.● Sens des opérations.● Problèmes relevant : des structures additives, desstructures multiplicatives. |
| **Organisation et gestion de données**● Prélever des données numériques à partir de supports variés.● Produire des tableaux, diagrammes et graphiquesorganisant des données numériques.● Exploiter et communiquer des résultats de mesures.● Représentations usuelles :- tableaux (en deux ou plusieurs colonnes, à doubleentrée),- diagrammes en bâtons,- graphiques cartésiens.● Collecter des informations utiles à partir d’un support unique (texte ou tableau ou représentation graphique). | **Organisation et gestion de données**● Prélever des données numériques à partir de supports variés.● Produire des tableaux, diagrammes et graphiquesorganisant des données numériques.● Exploiter et communiquer des résultats de mesures.● Représentations usuelles :- tableaux (en deux ou plusieurs colonnes, à doubleentrée),- diagrammes en bâtons, circulaires ou semi-circulaires,- graphiques cartésiens.● Collecter des informations utiles à partir de deuxsupports complémentaires. | **Organisation et gestion de données**● Prélever des données numériques à partir de supports variés.● Produire des tableaux, diagrammes et graphiquesorganisant des données numériques.● Exploiter et communiquer des résultats de mesures.● Représentations usuelles :- tableaux (en deux ou plusieurs colonnes, à doubleentrée),- diagrammes en bâtons, circulaires ou semi-circulaires,- graphiques cartésiens.● Tâches complexes mêlant plusieurs supports. |
| **Résoudre des problèmes en utilisant des fractions simples, les nombres décimaux et le calcul** | **Proportionnalité**● Reconnaitre et résoudre des problèmes relevant de la proportionnalité en utilisant une procédure adaptée.● Mobiliser les propriétés de linéarité (additives etmultiplicatives), de proportionnalité, de passage à l’unité.● Utiliser des exemples de tableaux de proportionnalité. | **Proportionnalité**● Reconnaitre et résoudre des problèmes relevant de la proportionnalité en utilisant une procédure adaptée.● Mobiliser les propriétés de linéarité (additives etmultiplicatives), de proportionnalité, de passage à l’unité.● Utiliser des exemples de tableaux de proportionnalité. | **Proportionnalité**● Reconnaitre et résoudre des problèmes relevant de la proportionnalité en utilisant une procédure adaptée.● Mobiliser les propriétés de linéarité (additives etmultiplicatives), de proportionnalité, de passage à l’unité.● Utiliser des exemples de tableaux de proportionnalité.● Situations permettant une rencontre avec des échelles, des vitesses constantes, des taux de pourcentage, en lien avec l’étude des fractions décimales. |
| **Attendus de fin de cycle :**» Utiliser et représenter les grands nombres entiers, des fractions simples, les nombres décimaux.» Calculer avec des nombres entiers et des nombres décimaux.» Résoudre des problèmes en utilisant des fractions simples, les nombres décimaux et le calcul. |
| **GRANDEURS ET MESURES** |
| **Comparer, estimer, mesurer des grandeurs géométriques avec des nombres entiers et des****nombres décimaux : longueur (périmètre), aire, volume, angle** | **Longueurs**● Usage du compas pour comparer et reporter des longueurs.● Comparer des périmètres avec ou sans recours à la mesure.● Mesurer des périmètres en reportant des unités et des fractions d’unités.● Unités relatives aux longueurs : relations entre unités de longueur et les unités de numération (grands nombres, nombres décimaux). | **Longueurs**● Usage du compas pour comparer et reporter des longueurs.● Comparer des périmètres avec ou sans recours à la mesure.● Mesurer des périmètres en reportant des unités et des fractions d’unités, ou en utilisant une formule.● Formule du périmètre d’un carré, d’un rectangle.● Unités relatives aux longueurs : relations entre unités de longueur et les unités de numération (grands nombres, nombres décimaux). | **Longueurs**● Usage du compas pour comparer et reporter des longueurs.● Consolider la notion de périmètre et établir la notion de distance entre deux points, entre un point et une droite.● Comparer des périmètres avec ou sans recours à la mesure.● Mesurer des périmètres en reportant des unités et des fractions d’unités, ou en utilisant une formule.● Formule du périmètre d’un carré, d’un rectangle.● Formule de la longueur d’un cercle.● Unités relatives aux longueurs : relations entre unités de longueur et les unités de numération (grands nombres, nombres décimaux). |
| **Comparer, estimer, mesurer des grandeurs géométriques avec des nombres entiers et des****nombres décimaux : longueur (périmètre), aire, volume, angle****Utiliser le lexique, les unités, les instruments de mesures spécifiques de ces grandeurs.****lexique, les****unités, les****instruments****de mesures****spécifiques****pour ces****grandeurs** | **Aires**● Comparer, classer et ranger des surfaces selon leurs aires sans avoir recours à la mesure.● Différencier aire et périmètre d’une surface.● Déterminer ou estimer la mesure de l’aire d’une surface à partir d’un pavage simple (réseau quadrillé) ou à l’aide d’une surface de référence.● Unités usuelles d’aire : multiples et sous-multiples du m² et leurs relations, are et hectare.● Formules de l’aire d’un carré, d’un rectangle. | **Aires**● Comparer, classer et ranger des surfaces selon leurs aires sans avoir recours à la mesure.● Différencier aire et périmètre d’une surface.● Déterminer la mesure de l’aire d’une surface à partir d’un pavage simple ou en utilisant une formule.● Estimer la mesure d’une aire par différentes procédures.● Unités usuelles d’aire : multiples et sous-multiples du m² et leurs relations, are et hectare.● Formules de l’aire d’un carré, d’un rectangle, d’un triangle, d’un disque. | **Aires**● Comparer, classer et ranger des surfaces selon leurs aires sans avoir recours à la mesure.● Différencier aire et périmètre d’une surface.● Déterminer la mesure de l’aire d’une surface à partir d’un pavage simple ou en utilisant une formule.● Estimer la mesure d’une aire par différentes procédures.● Unités usuelles d’aire : multiples et sous-multiples du m² et leurs relations, are et hectare.● Formules de l’aire d’un carré, d’un rectangle, d’untriangle (triangle rectangle et triangle quelconque àpartir d’une hauteur connue), d’un disque. |
| **Volume / contenance**● Relier les unités de volume et de contenance.● Estimer la mesure d’un volume par différentes procédures : la notion de volume est d’abord vue comme une contenance.● Unités usuelles de contenance (multiples et sous multiples du litre). | **Volume / contenance**● Relier les unités de volume et de contenance (1 L = 1dm3; 1 000 L = 1 m3).● Estimer la mesure d’un volume par différentes procédures.● Unités usuelles de contenance (multiples et sous multiples du litre).● Unités usuelles de volume (cm3, dm3, m3), relations entre les unités.● Déterminer le volume d’un pavé droit en se rapportant à un dénombrement d’unités ou en utilisant une formule.● Formule du volume d’un cube, d’un pavé droit. |
| **Comparer, estimer, mesurer des grandeurs géométriques avec des nombres entiers et des****nombres décimaux : longueur (périmètre), aire, volume, angle****Utiliser le lexique, les unités, les instruments de mesures spécifiques de ces grandeurs.** | **Angles**● Identifier des angles dans une figure géométrique.● Comparer des angles.● Reproduire un angle donné en utilisant un gabarit.● Reconnaître qu’un angle est droit, aigu ou obtus.● Estimer et vérifier qu’un angle est droit, aigu ou obtus (en utilisant l’équerre si nécessaire).● Notion d’angle.● Lexique associé aux angles : angle droit, aigu, obtus. | **Angles**● Identifier des angles dans une figure géométrique.● Comparer des angles.● Reproduire un angle donné en utilisant un gabarit.● Reconnaître qu’un angle est droit, aigu ou obtus.● Estimer la mesure d’un angle.● Estimer et vérifier qu’un angle est droit, aigu ouobtus.● Utiliser un instrument de mesure (le rapporteur) et une unité de mesure (le degré) pour :- déterminer la mesure en degré d’un angle,- construire un angle de mesure donnée en degrés.● Notion d’angle.● Lexique associé : angle droit, aigu, obtus. |
| **Durées**● Calculer la durée écoulée entre deux instants donnés.● Déterminer un instant à partir de la connaissance d’un instant et d’une durée.● Unités de mesures usuelles: jour, semaine, heure, minute, seconde, dixième de seconde, mois, année, siècle, millénaire. |
| **Résoudre des problèmes impliquant des grandeurs,****en utilisant des nombres entiers et décimaux** | ● Résoudre des problèmes de comparaison avec et sans recours à la mesure.● Résoudre des problèmes dont la résolution mobilise simultanément des unités différentes de mesure et/ou des conversions. |
| **Proportion-nalité** | ● Identifier une situation de proportionnalité entre deux grandeurs.● Graphiques représentant des variations entre deux grandeurs. |
| **Attendus de fin de cycle :**» Comparer, estimer, mesurer des grandeurs géométriques avec des nombres entiers et des nombres décimaux : longueur (périmètre), aire, volume, angle.» Utiliser le lexique, les unités, les instruments de mesures spécifiques de ces grandeurs.» Résoudre des problèmes impliquant des grandeurs (géométriques, physiques, économiques) en utilisant des nombres entiers et des nombres décimaux. |
| **ESPACE ET GÉOMÉTRIE** |
| **(Se) repérer et (se) déplacer dans l’espace en utilisant ou en élaborant des représenta-tions** | ● Se repérer, décrire ou exécuter des déplacements, sur un plan ou sur une carte.● Accomplir, décrire, coder des déplacements dans des espaces familiers.● Programmer les déplacements d’un robot ou ceux d’un personnage sur un écran.● Vocabulaire permettant de définir des positions et des déplacements.● Divers modes de représentation de l’espace (espaces matérialisés ou numériques). |
| **Reconnaitre, nommer, décrire, reproduire, représenter,****construire quelques solides et figures géométriques** | ● Reconnaître, nommer, comparer, vérifier, décrire:- des figures simples ou complexes (assemblages de figures simples)- des solides simples ou des assemblages de solides simples à partir de certaines de leurs propriétés.● Figures planes et solides, premières caractérisations :• triangles dont les triangles particuliers (triangle rectangle, triangle isocèle, triangle équilatéral) ;• quadrilatères dont les quadrilatères particuliers (carré, rectangle, losange) ;• cercle (comme ensemble des points situés à une distance donnée d’un point donné).● Vocabulaire approprié pour nommer les solides : pavé droit, cube, prisme droit, pyramide régulière, cylindre, cône, boule. | ● Reconnaître, nommer, comparer, vérifier, décrire:- des figures simples ou complexes (assemblages de figures simples)- des solides simples ou des assemblages de solides simples.● Figures planes et solides, premières caractérisations :• triangles dont les triangles particuliers (triangle rectangle, triangle isocèle, triangle équilatéral) ;• quadrilatères dont les quadrilatères particuliers (carré, rectangle, losange, première approche du parallélogramme) ;• cercle (comme ensemble des points situés à une distance donnée d’un point donné).● Vocabulaire approprié pour nommer les solides : pavé droit, cube, prisme droit, pyramide régulière, cylindre, cône, boule. |
| **Reconnaitre, nommer, décrire, reproduire, représenter,****construire quelques solides et figures géométriques** | Reproduire, représenter, construire :● des figures simples● des solides simples sous forme de maquettes ou de dessins ou à partir d’un patron. | Reproduire, représenter, construire :● des figures simples ou complexes (assemblages de figures simples)● des solides simples ou des assemblages de solides simples sous forme de maquettes ou de dessins ou à partir d’un patron (donné, dans le cas d’un prisme ou d’une pyramide, ou à construire dans le cas d’un pavé droit). |
| ● Réaliser, compléter et rédiger un programme deconstruction.● Réaliser une figure simple à l’aide d’un logiciel. | ● Réaliser, compléter et rédiger un programme de construction.● Réaliser une figure simple ou une figure composée de figures simples à l’aide d’un logiciel. |
| **Reconnaitre et utiliser quelques relations géométriques** | ● Effectuer des tracés correspondant à des relations de perpendicularité ou de parallélisme de droites et de segments.● Déterminer le plus court chemin entre deux points (en lien avec la notion d’alignement).● Déterminer le plus court chemin entre un point et une droite ou entre deux droites parallèles (en lien avec la perpendicularité).● Alignement, appartenance.● Perpendicularité, parallélisme (construction de droites parallèles, lien avec la propriété reliant droites parallèles et perpendiculaires).● Égalité de longueurs.● Distance entre deux points, entre un point et une droite. | ● Effectuer des tracés correspondant à des relations de perpendicularité ou de parallélisme de droites et de segments.● Déterminer le plus court chemin entre deux points (en lien avec la notion d’alignement).● Déterminer le plus court chemin entre un point et une droite ou entre deux droites parallèles (en lien avec la perpendicularité).● Alignement, appartenance.● Perpendicularité, parallélisme (construction de droites parallèles, lien avec la propriété reliant droites parallèles et perpendiculaires).● Égalité de longueurs.● Distance entre deux points, entre un point et une droite. | ● Effectuer des tracés correspondant à des relations de perpendicularité ou de parallélisme de droites et de segments.● Déterminer le plus court chemin entre deux points (en lien avec la notion d’alignement).● Déterminer le plus court chemin entre un point et une droite ou entre deux droites parallèles (en lien avec la perpendicularité).● Alignement, appartenance.● Perpendicularité, parallélisme (construction de droites parallèles, lien avec la propriété reliant droites parallèles et perpendiculaires).● Égalité de longueurs.● Égalité d’angles.● Distance entre deux points, entre un point et une droite. |
| ● Compléter une figure par symétrie axiale.● Construire la figure symétrique d’une figure donnée par rapport à un axe donné que l’axe de symétrie coupe ou non la figure, construire le symétrique d’une droite, d’un segment, d’un point par rapport à un axe donné.● Figure symétrique, axe de symétrie d’une figure, figures symétriques par rapport à un axe. | ● Compléter une figure par symétrie axiale.● Construire la figure symétrique d’une figure donnée par rapport à un axe donné que l’axe de symétrie coupe ou non la figure, construire le symétrique d’une droite, d’un segment, d’un point par rapport à un axe donné.● Figure symétrique, axe de symétrie d’une figure, figures symétriques par rapport à un axe.● Propriétés de conservation de la symétrie axiale.● Médiatrice d’un segment. |
| ● Reproduire une figure en respectant une échelle (l’échelle pouvant être donnée par des éléments déjà tracés).● Agrandissement ou réduction d’une figure. | ● Reproduire une figure en respectant une échelle.● Agrandissement ou réduction d’une figure. |
| **Attendus de fin de cycle :**» (Se) repérer et (se) déplacer dans l’espace en utilisant ou en élaborant des représentations.» Reconnaitre, nommer, décrire, reproduire, représenter, construire des figures et solides usuels.» Reconnaitre et utiliser quelques relations géométriques (notions d’alignement, d’appartenance, de perpendicularité, de parallélisme, d’égalité de longueurs, d’égalité d’angle, de distance entre deux points, de symétrie, d’agrandissement et de réduction). |